

قاموس براڤو

في الرياضيات



القاموس الهندسي
للمرحلة الابتدائية



إعداد نخبة من الأساتذة المتخصصين
2016

رسم المثلث بمعلومية طولي ضلعين وقياس الزاوية المحصورة بينهما

* ارسم المثلث س ص ع : حيث س ص = ٤ سم ،

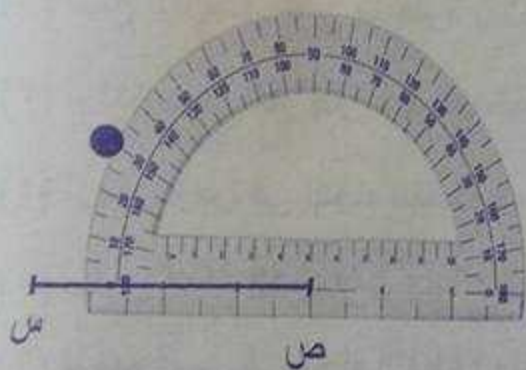
ص ع = ٥ سم ، ق (> ص) = ٣٠°

الطريقة



(١) نرسم القطعة المستقيمة س ص التي طولها = ٤ سم

(٢) نضع مركز المنقلة على النقطة (ص)



(٣) نضع علامة (نقطة) عند القياس ٣٠°

(٤) نرسم شعاعًا بدايته ص ويمر

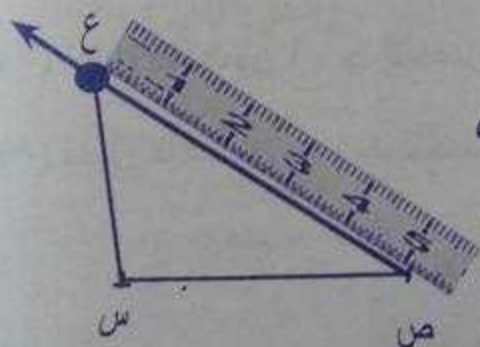
بالعلامة (النقطة) السابقة

(٥) نعين بالمسطرة مسافة قدرها ٥ سم

بداية من النقطة ص حتى علامة القياس ٥ على

المسطرة فنضع عندها (ع) لتكون طول القطعة

المستقيمة ص ع = ٥ سم



(٦) نصل النقطتين س ، ع لنحصل على الضلع س ع

نجد في النهاية إنه تكون عندنا المثلث س ص ع

* ارسم المثلث أ ب ج حيث ق ($\angle$ أ) = 60° ،

ق ($\angle$ ب) = 80° ، أ ب = 5 سم

الطريقة:



(١) نرسم القطعة المستقيمة أ ب

التي طولها ٥ سم

(٢) نضع مركز المنقلة

على النقطة أ

(٣) نضع علامة (النقطة)

عند القياس 60°

(٤) نرسم شعاع بداية (أ) ويمر

بالعلامة السابقة

(٥) نضع مركز المنقلة على النقطة (ب)

(٦) نضع علامة (نقطة) عند القياس 80°

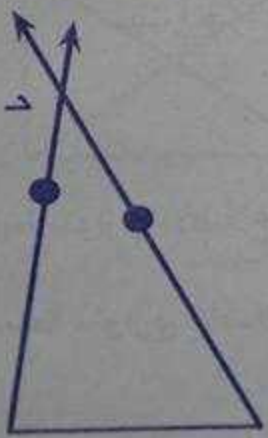
(٧) نرسم شعاعًا بداية بالنقطة (ب)

ويمر بالعلامة السابقة

(٨) نجد أن الشعاعين تقاطعا في

نقطة نكتب عليها (ج)

في النهاية يتكون عندنا المثلث أ ب ج



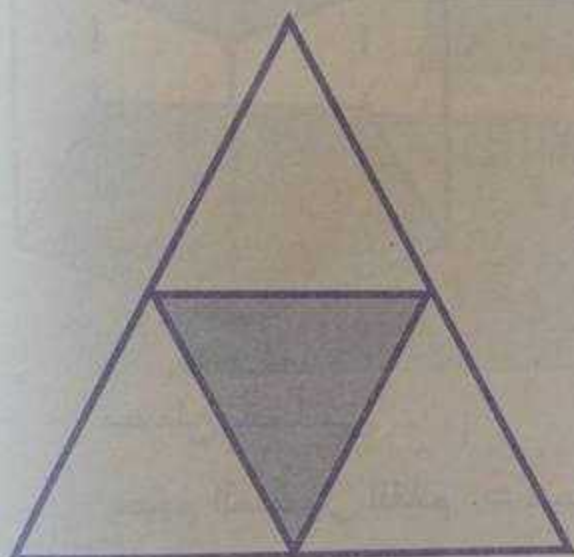
محيط $\triangle$ = مجموع أطوال أضلاعه

مساحة $\triangle$ = طول القاعدة $\times$ الارتفاع

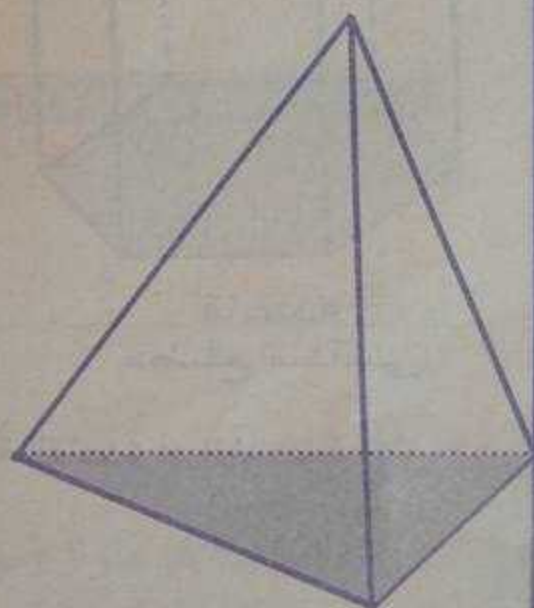
الهرم

هو مجسم له قاعدة واحدة على شكل مضلع وجميع أوجهه الأخرى
مثلثات تشترك في رأس واحدة تسمى رأس الهرم

الهرم الثلاثي



شبكة الهرم الثلاثي



عدد الرؤوس	عدد الأحرف	عدد الأوجه
4	6* أحرف منها 3- أحرف جانبية 3- أحرف للقاعدة	4* أوجه كلها مثلثات منها 3- أوجه جانبية - قاعدة مثلثة الشكل

لاحظ

يسمى الهرم حسب عدد أضلاع قاعدته
وحسب عدد لأضلاع أحرفه الجانبية

وحدات قياس الطول

كيلومتر (كم) : وتستخدم لقياس المسافات الكبيرة جدًا .
مثل : المسافة بين طنطا والقاهرة = ١٠٠ كم .

متر (م) : وتستخدم لقياس المسافات الكبيرة .
مثل : عرض شارع ٢٠ م أو ارتفاع مبني ٣٠ م

ديسيمتر (ديسم) : تستخدم لقياس المسافات (الأطوال) المتوسطة .
مثل : عرض شباك ٥ ديسم

السنتيمتر (سم) تستخدم لقياس المسافات (الأطوال) الصغيرة .
مثل : طول قلم رصاص ١٦ سم .

المليمتر (مم) : تستخدم لقياس الأطوال الصغيرة جدًا .
مثل : سمك مسمار ٣ مم .

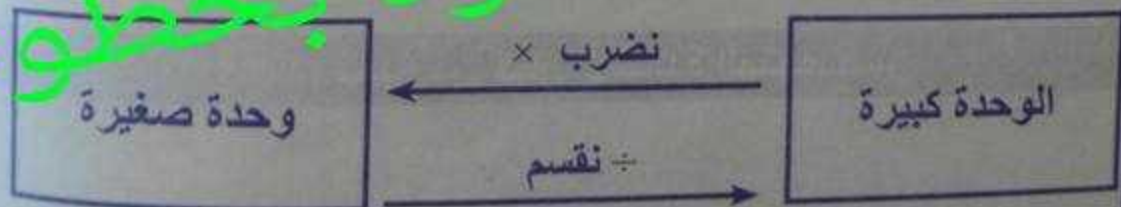
١ كم = ١٠٠٠ م = ١٠٠٠٠ ديسم = ١٠٠٠٠٠ سم = ١ مليون مم

١ م = ١٠ ديسم = ١٠٠ سم = ١٠٠٠ مم

١ ديسم = ١٠ سم = ١٠٠ مم

١ سم = ١٠ مم

لاحظ التحويل :



مثال : ٥ كم ← ١٠٠٠ × ٥٠٠٠

١٨ سم ← ١٠ ÷ ١٨٠ ديسم

أدوات القياس الهندسي

بعض الأدوات الهندسية المستخدمة في الرسم :



قلم رصاص



المسطرة



المثلث



الفرجار



أستيكة



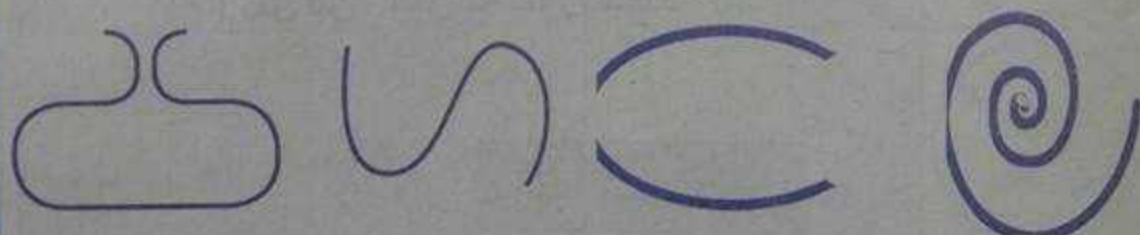
براية



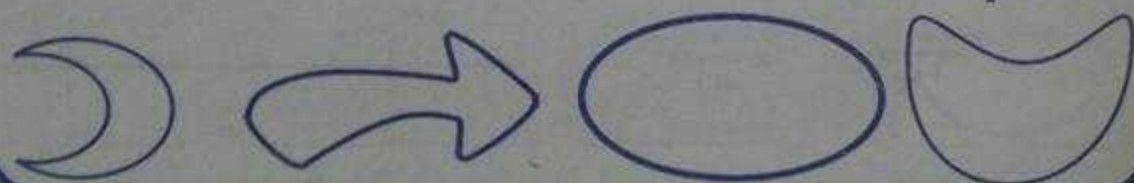
المنقلة

جروب التعليم
خطوة بخطوة

* المنحنيات المفتوحة :

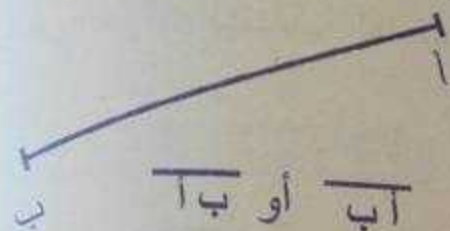


* المنحنيات المغلقة :



× القطعة المستقيمة أ ب :

هي خط محدد بنقطتين في طرفيها هما نقطة البداية ونقطة النهاية ولا تخرج عنهما



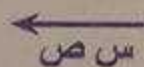
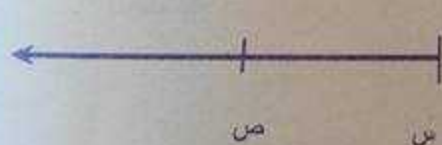
قياسها : طول $\overline{أ ب} = 5 \text{ سم}$

أو $\overline{أ ب} = 5 \text{ سم}$

لا يصح أن نكتب $\overline{أ ب} = 5 \text{ سم}$

الشعاع

هو خط له نقطة بداية (رأس) وليس له نقطة نهاية (ممتد)



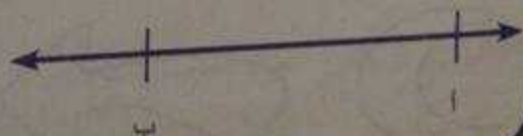
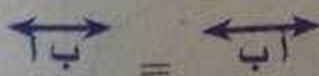
الشعاع

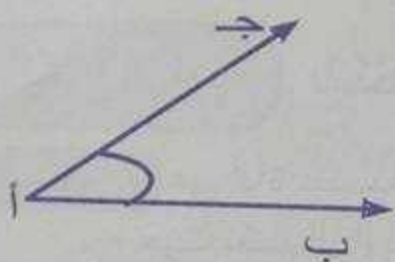
لاحظ أن (١) $\overrightarrow{س ص} \neq \overrightarrow{ص س}$

(٢) $\overrightarrow{س ص}$ ليس له طول محدد

الخط المستقيم

هو خط غير محدد أي ليس له نقطة بداية وليس له نقطة نهاية





هذا الشكل يمثل زاوية

الزاوية

رأسها النقطة (أ)

ضلعاهما الشعاعان

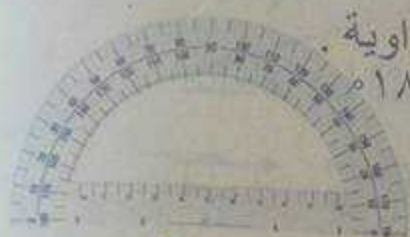
أب و آج

اسم الزاوية: > ب أ ج أو > ا أو > ج ا ب

نوعها	قياسها	اسم الزاوية	رأس الزاوية	الزاوية
قائمة	90°	> ب أ ج	(أ)	
حادة	أكبر من صفر وأقل من 90°	> و ع هـ	(ع)	
منفرجة	أكبر من 90° وأقل من 180°	> س ص ع	(ص)	
مستقيمة	180°	> م ن ل	(ن)	

باستخدام المنقلة

قياس الزاوية

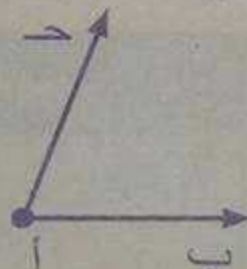


المنقلة: هي أداة هندسية تستخدم لقياس الزاوية. حيث تقسم الزاوية المستقيمة إلى 180° قسمًا متساويًا.

وحدة قياس الزوايا هي الدرجة. وتكتب كالمثال 30°.

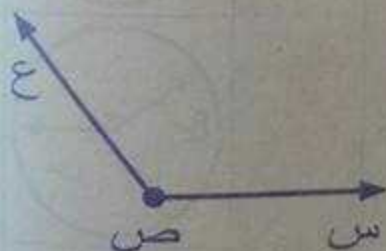
جروب التعليم خطوة بخطوة

طريقة القياس:

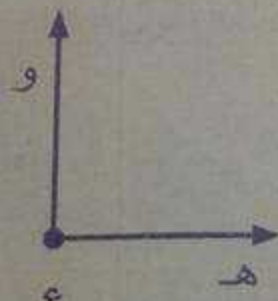


نضع مركز المنقلة على رأس الزاوية (أ) نبدأ القياس (العد) من النقطة ب (الصفير) حتى نصل النقطة ح ونسجل القراءة عندها.

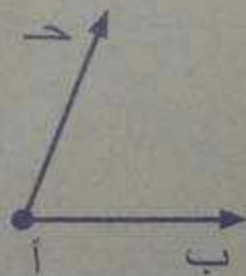
أمثلة: باستخدام المنقلة أوجد قياس الزوايا الآتية واكتبها أسفل الزاوية



ق(> س ص ع) =



ق(> هـ و) =



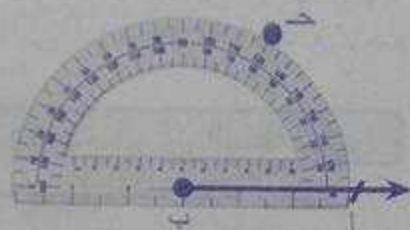
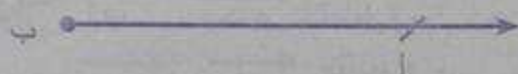
ق(> ب أ ح) =

(ولتكن 60°)

رسم زاوية بقياس معلوم

نحضر قلم ومسطره ومنقلة

نرسم الشعاع بـ أ حيث (ب) رأس الزاوية



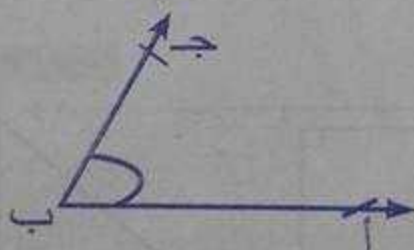
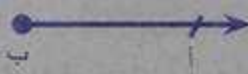
نضع مركز المنقلة على النقطة بـ

وقاعدتها على بـ أ نضع علامة

عند القياس 60°

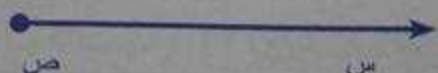
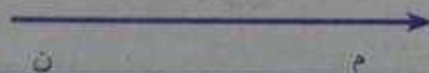
ثم نكتب جـ

نرسم الشعاع بـ جـ



ينتج $\angle$ بـ جـ قياسها 60°

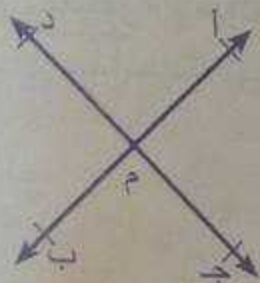
تدريب : ارسم $\angle$ سـ صـ ع قياسها 120° ، $\angle$ مـ نـ ل قياسها 30°



العلاقة بين مستقيمين

(١) المستقيمان المتقاطعان

هما المستقيمان اللذان يصنعان زاوية



بنقاطان في نقطة (م)

وكذلك نقول: $\overleftrightarrow{أب}$ ، $\overleftrightarrow{دج}$ يتقاطعان في م

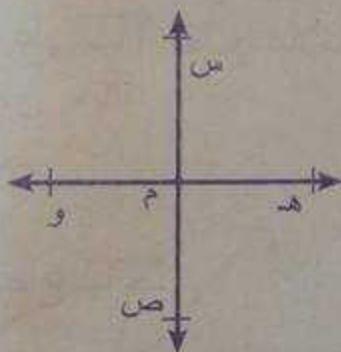
$\overleftrightarrow{دج}$ ، $\overleftrightarrow{أب}$ يتقاطعان في م

ملحوظة: المستقيمان المتقاطعان نشأ من تقاطعهما عدد ٤ زوايا هي

$\angle د م ج$ ، $\angle ج م ب$ ، $\angle ب م د$ ، $\angle د م ب$

(٢) المستقيمان المتعامدان

هما مستقيمان متقاطعان يحصران بينهما زاوية قياسها 90°



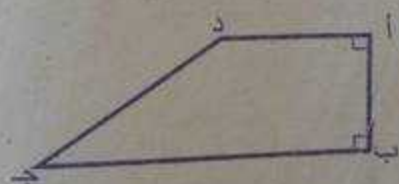
من $\overleftrightarrow{ص}$ عمودي على $\overleftrightarrow{هـ و}$ أي $\overleftrightarrow{س ص} \perp \overleftrightarrow{هـ و}$

كذلك $\overleftrightarrow{س ص} \perp \overleftrightarrow{هـ و}$ ، $\overleftrightarrow{س ص} \perp \overleftrightarrow{هـ و}$

ملحوظة: المستقيمان المتعامدان نشأ من تقاطعهما ٤ زوايا متساوية في القياس وقياس كل زاوية منها 90° .

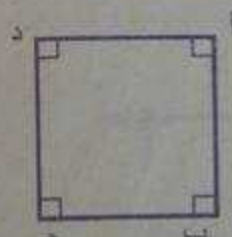
أي أن: $\angle ق (ص م هـ) = \angle ق (س م هـ) = \angle ق (ص م و) = \angle ق (س م و) = 90^\circ$

أمثلة من الحياة



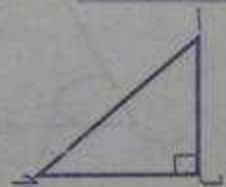
هل $\overleftrightarrow{أد} \perp \overleftrightarrow{ب د}$ ؟

هل $\overleftrightarrow{ب ج} \perp \overleftrightarrow{ج د}$ ؟



هل $\overleftrightarrow{أد} \perp \overleftrightarrow{ب ج}$ ؟

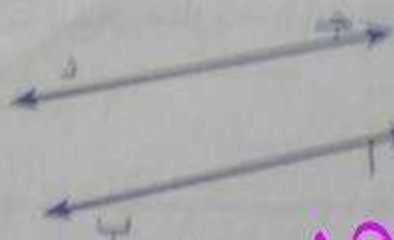
هل $\overleftrightarrow{ب ج} \perp \overleftrightarrow{ج د}$ ؟



هل $\overleftrightarrow{أب} \perp \overleftrightarrow{ب ج}$ ؟

(٣) المستقيمان المتوازيان

هما المستقيمان اللذان لا يتقاطعان
مهما امتدا

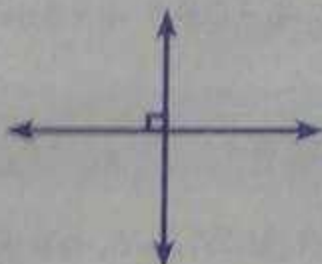
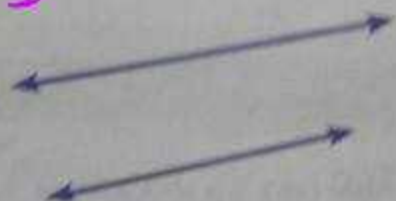


أ ب يوازي ج د أي $\overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$

كذلك أ ب // ج د ، $\overleftrightarrow{AB} \parallel \overleftrightarrow{CD}$

لاحظ الفرق بين :

جروب التعليم
خطوة بخطوة



مستقيمان

مستقيمان

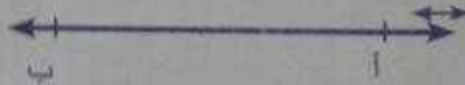
مستقيمان متوازيان

متقاطعان ومتعامدان

متقاطعان غير متعامدين

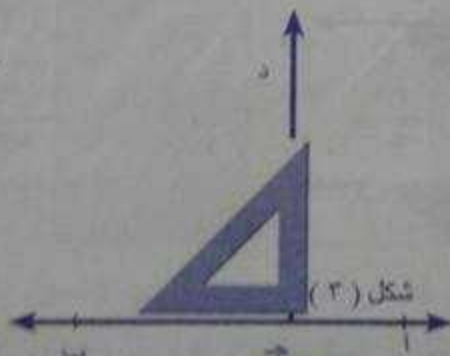
(٤) رسم عمود على مستقيم معلوم من نقطة عليه

أ ب مستقيم معلوم ، ج نقطة تقع عليه



شكل (٢)

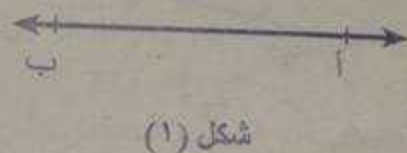
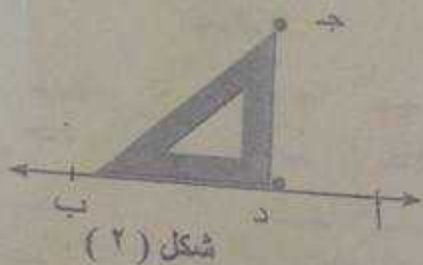
شكل (١)



شكل (٣)

نضع المثلث كما بشكل (٣) ونرسم الشعاع ج د ، فيكون ج د $\perp$ أ ب

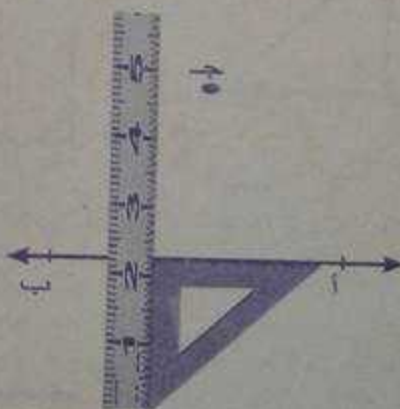
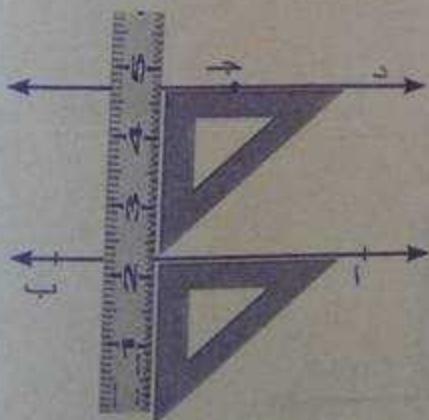
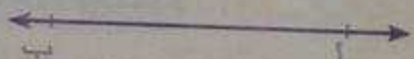
(٥) رسم عمود على مستقيم معلوم من نقطة خارجة عنه
 أ ب مستقيم معلوم ج نقطة لا تقع عليه



نضع المثلث كما بشكل (٢) ونرسم الشعاع د ج فيكون د ج

(٦) رسم مستقيم يوازي مستقيماً معلوماً من نقطة خارجة عنه

أ ب مستقيم معلوم ج نقطة لا تقع عليه . لاحظ الأشكال الآتية واستنتج



من الخطوات السابقة يكون

المضلعات

- * المضلع هو شكل هندسي مغلق يتكون من قطع مستقيمة تسمى الأضلاع.
- * والنقط التي تتلاقى فيها الأضلاع تسمى « رؤوس »
- * ويسمى المضلع حسب عدد أضلاعه



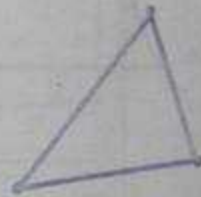
ليس مضلعاً



مضلع خماسي



ليس مضلعاً

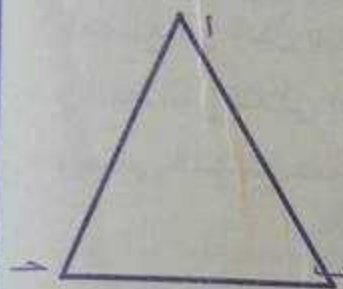


مضلع ثلاثي

عدد الأضلاع	الأقطار	الزوايا	الأضلاع	المضلع	اسم المضلع
٣	لا يوجد (صفر)	أ، ب، ج عدها ٣	أب، با، بج، جأ عدها ٣		ثلاثي
٤	أد، دأ عدها ٢	أ، ب، ج، د عدها ٤	أب، با، بج، جأ، دأ، أد عدها ٤		رباعي
٥	أد، دأ، هـد، دأ عدها ٤	أ، ب، ج، د، هـ عدها ٥	أب، با، بج، جأ، دأ، أد، هـد، دأ عدها ٥		خماسي

لاحظ: قطر المضلع هو: قطعة مستقيمة تصل بين رأسين غير متتالين
عدد الأضلاع = عدد الزوايا = عدد الرؤوس

المثلث

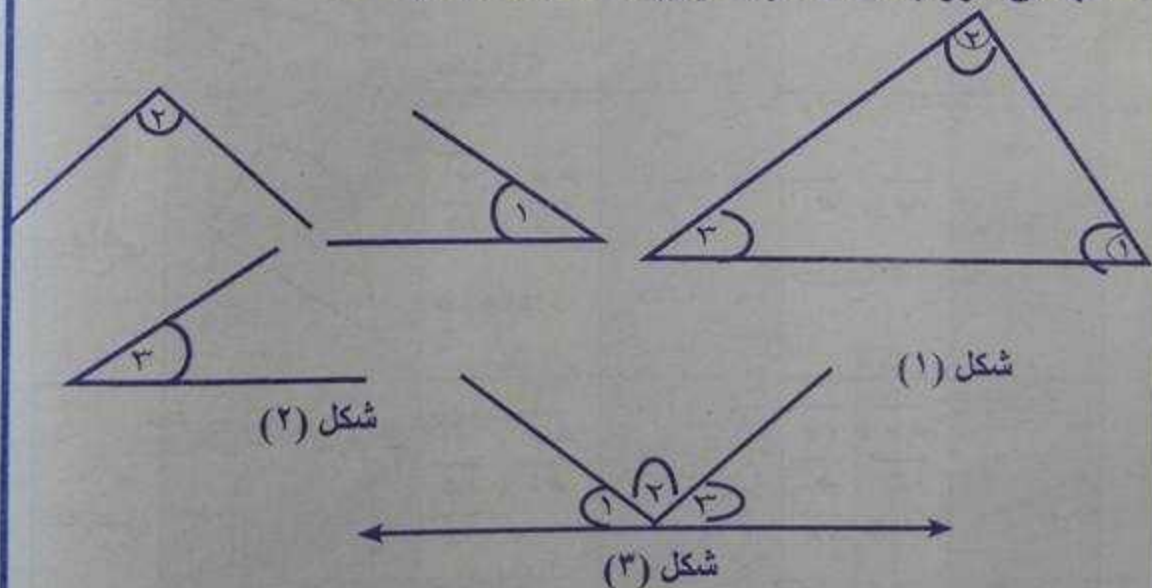


* المثلث أ ب ج هو أصغر مضلع
مكون من ٣ أضلاع هي أ ب ، ب ج ، ج أ
مكون من ٣ زوايا هي $\angle أ$ ، $\angle ب$ ، $\angle ج$
ومكون من ٣ رؤوس هي أ ، ب ، ج
ولا يوجد له أقطار

محيط $\triangle$ = مجموع أطوال أضلاعه

مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة = 180°

- ارسم مثلث على ورق مقوى أو ورق عادى شكل (١)
- ثم قص المثلث من الورق ثم قص زواياه الثلاث كما بالرسم شكل (٢)
- ثم ضع بعضها بجانب بعض كما فى شكل (٣)
- تجد أن الزوايا الثلاث كونت زاوية مستقيمة قياسها 180°



$$\angle أ + \angle ب + \angle ج = 180^\circ$$

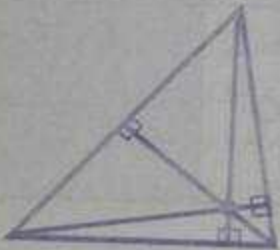
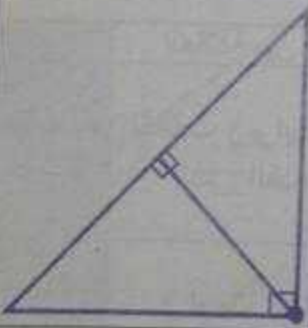
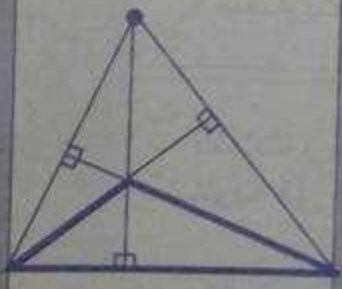
مما سبق نستنتج أنه :

«فى أي مثلث يكون مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة = 180° »

ارتفاعات المثلث

ارتفاع المثلث هو طول القطعة المستقيمة العمودية المرسومة من أحد رؤوس المثلث على الضلع المقابل لهذا الرأس .

بما أن المثلث له ٣ أضلاع أي ثلاث قواعد إذن : المثلث له ٣ ارتفاعات تتقاطع جميعاً في نقطة واحدة

نوع المثلث	ارتفاعات المثلث	عدد الارتفاعات	موقع نقطة تقاطع الارتفاعات
حاد الزوايا		٣	داخل المثلث
قائم الزاوية		٣	رأس الزاوية القائمة
منفرج الزاوية		٣	خارج المثلث

رسم المثلث

رسم المثلث بمعلومية أطوال أضلاعه الثلاثة :

للتأكد أنه يمكن رسم المثلث يجب أن نعلم هذه المعلومة الهامة والقيمة « مجموع طولى أى ضلعين فى المثلث أكبر من طول الضلع الثالث »

فإن لم يحدث هذا لا نستطيع رسم المثلث

رسم مثلث متساوى الأضلاع أ ب ج (طول ضلعه ٥ سم)

(١) نرسم القطعة المستقيمة أ ب التى طولها ٥ سم

(٢) نفتح الفرجار على مسطرة بفتحة ٥ سم

(٣) نرتكز بسن الفرجار عند النقطة أ

(٤) نرسم قوس فى اتجاه النقطة ب

(٥) بنفس فتحة الفرجار نرتكز عند النقطة ب

(٦) نرسم قوس فى اتجاه النقطة أ ويقطع القوس

السابق فى النقطة ج

(٧) نصل النقطتين أ ، ج لنحصل على الضلع أ ج

(٨) نصل النقطتين ب ، ج لنحصل على الضلع ب ج

نجد فى النهاية أنه تكون عندنا المثلث أ ب ج متساوى الأضلاع

نستطيع أن نكرر « الخطوات السابقة » فى رسم كل مما يأتى

المثلث المتساوى الساقين والمثلث المختلف الأضلاع بمعلومية أطوال أضلاعهما الثلاثة

نلاحظ : فى المثلث المتساوى الأضلاع

قياس كل زاوية من زواياه = 60°

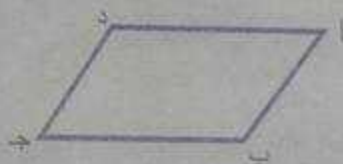
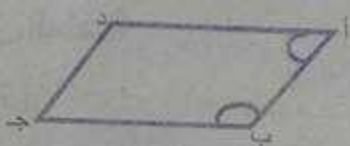
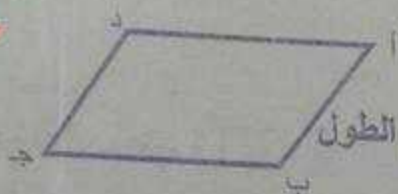
لماذا؟

بعض الحالات الخاصة للأشكال الرباعية
(١) متوازي الأضلاع

هو شكل رباعي فيه كل ضلعين متقابلين متوازيان

أب ج د متوازي أضلاع فيه :
 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ ، $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$
 $AD = BC$ ، $AB = DC$

أي أن : كل ضلعين متقابلين متساويان في الطول



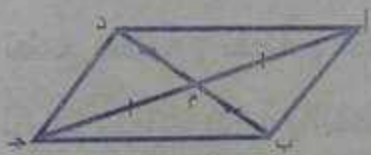
$$\angle A + \angle B = 180^\circ$$

$$\angle A + \angle D = 180^\circ$$

$$\angle A = \angle C , \angle B = \angle D$$

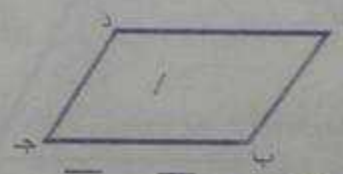
أي أن : كل زاويتين متقابلتين متساويتان في القياس

أي أن : مجموع قياس زاويتين متتاليتين يساوي ١٨٠



$$AM = CM$$

$$BM = DM$$



قطراهما $\overline{AC}$ ، $\overline{BD}$

حيث $AC = BD$

أي أن : القطران ينصف كل منهما الآخر

* محيط متوازي الأضلاع = مجموع أطوال أضلاعه

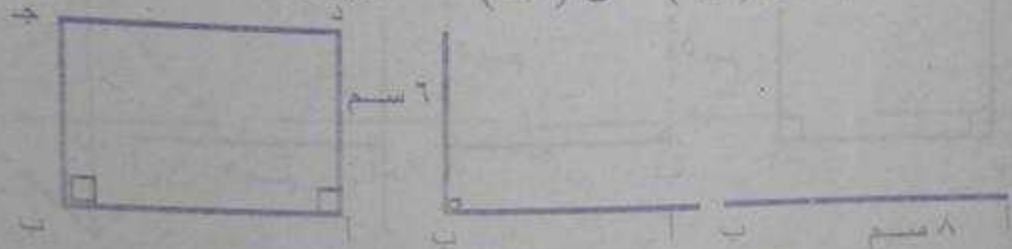
* مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة $\times$ الارتفاع

$$= DC \times h$$

خطوة بخطوة
جواب التعليم

تدريب :

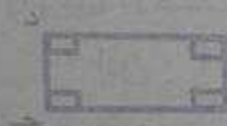
ارسم الشكل الرباعي أ ب ج د فيه أ ب = ج د = ٨ سم ، أ د = ب ج = ٦ سم ، ق (ب) = ق (ج) = ٩٠° ... ماذا تلاحظ ؟



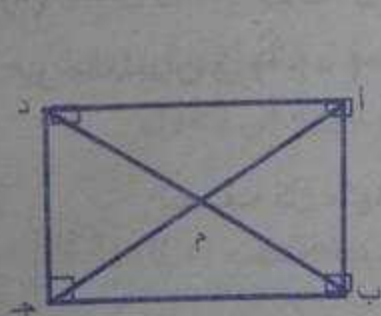
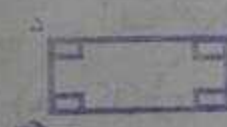
الشكل أ ب ج د يسمى « مستطيل »

إذن : المستطيل هو شكل رباعي فيه

(أ) كل ضلعين متقابلين متوازيان و متساويان في الطول
إذن : أ ب = ج د ، أ د = ب ج



(ب) كل زوايا رؤوسه لها قياس ٩٠°
ق (أ) = ق (ب) = ق (ج) = ق (د) = ٩٠°



متساويان في الطول
أ ج = ب د
ينصف كل منها الآخر
أ م = ب م = ج م = د م
غير متعامدين
ق (أ م د) ≠ ٩٠°

محيط المستطيل = (الطول + العرض) × ٢
مساحة المستطيل = الطول × العرض

المستطيل هو : متوازي أضلاع إحدى زواياه قائمة

(٣) المربع

تدريب :
ارسم المضلع أ ب ج د الذي فيه قياس كل زاوية من زواياه 90° ، وأطول أضلاعه متساوية في الطول (٥ سم)



الشكل أ ب ج د يسمى « مربع »

ونستنتج أن :

(أ) كل الأضلاع متساوية في الطول
إذن : $أب = ب ج = ج د = د أ$

(ب) كل ضلعين متقابلين متوازيان

$$\overline{أب} \parallel \overline{د ج} , \overline{أد} \parallel \overline{ب ج}$$

(ج) كل زواياه لها نفس القياس 90°

$$\angle أ = \angle ب = \angle ج = \angle د = 90^\circ$$

(د) القطران متساويان في الطول $أ ج = ب د$

و متعامدان $\angle أ م د = 90^\circ$

ينصف كل منها الآخر

$$أ م = ب م = ج م = د م$$

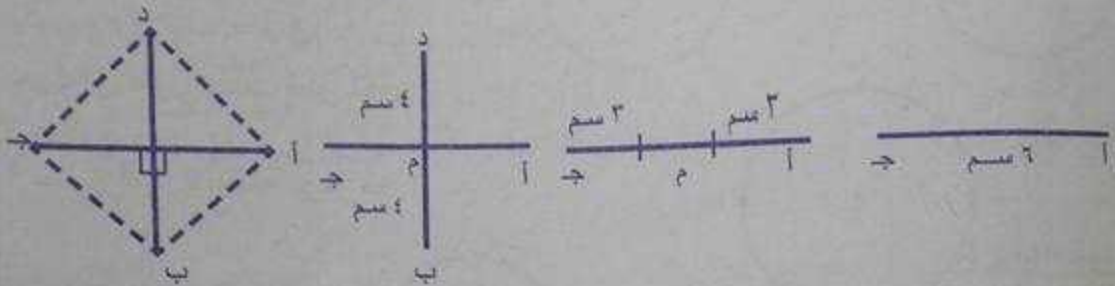
محيط المربع = $4 \times$ طول الضلع

مساحة المربع = طول الضلع $\times$ نفسه = نصف حاصل ضرب قطريه

المربع هو : متوازي أضلاع إحدى زواياه قائمة وضلعيه المتجاوران متساويان في الطول

(٤) المعين

أ ج = ٦ سم ، م في منتصف أ ج ، ارسم د ب عمودي على أ ج حيث
د م = م ب = ٤ سم. صل أ د / د ج / ج ب / ب أ و ماذا تلاحظ ؟



الشكل أ ب ج د يسمى « معين »

ما سبق نستنتج أن :

(أ) كل الأضلاع متساوية في الطول

إذن : أ ب = ب ج = ج د = د أ = ٥ سم

(ب) ق (د) = ق (ب) ، ق (أ) = ق (ج)

(ج) القطران غير متساويين في الطول أ ج ≠ ب د

و متعامدان ق (أ م د) = ٩٠°

و ينصف كل منها الآخر

إذن : أ م = م ج ، ب م = م د

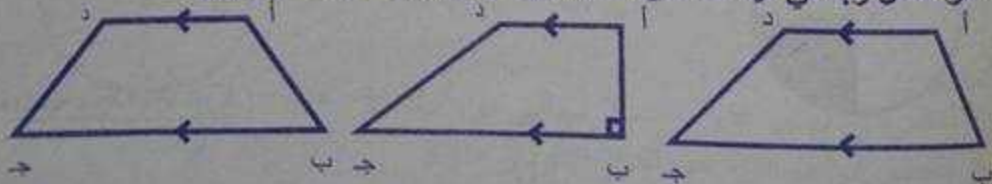
محيط المعين = ٤ × طول الضلع

مساحة المعين = طول القاعدة × الارتفاع = نصف حاصل ضرب قطريه

المعين : هو متوازي أضلاع أضلاعه متساوية في الطول

* شبه المنحرف :

هو شكل رباعي فيه ضلعان متقابلان متوازيان و غير متساويين



أ ب = د ج

ق (أ م د) = ٩٠°

شبه منحرف قائم في ب شبه منحرف متساوي الساقين

أ د // ب ج ، أ د ≠ ب ج

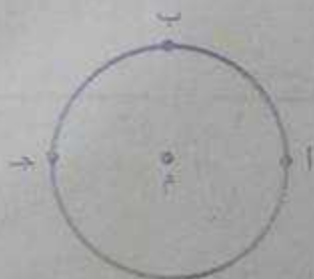
محيط شبه المنحرف = مجموع أطوال أضلاعه

الدائرة

* الدائرة هي : خط منحنى مغلق :

بحيث كل نقطة من نقاط هذا الخط على بعد ثابت من نقطة ثابتة تسمى - مركز الدائرة
فيكون $م = ب = ج = د = \dots = ن$ نق

حيث نق طول نصف قطر الدائرة



* تسمى الدائرة بنقطة مركزها .



فنقول الدائرة م أو الدائرة ن

* محيط الدائرة : هو طول الخط المنحنى المغلق

محيط الدائرة = 2π نق

حيث نق طول نصف قطر الدائرة ، π (باي) النسبة التقريبية

$$\frac{22}{7} = \pi \text{ أو } 3.14 = \pi$$

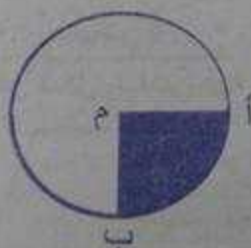
* القطاع الدائري :

هو جزء من سطح الدائرة يتحدد بقرس ونصفي قطرين



لاحظ أن :

مساحة القطاع الدائري م أ ب = $\frac{1}{4}$ مساحة سطح الدائرة



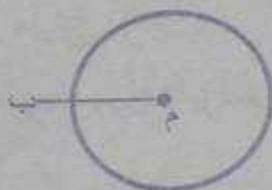
* مساحة سطح الدائرة : $م = \pi$ نق²

حيث $\pi = ط = \frac{22}{7}$ أو 3.14 (النسبة التقريبية)

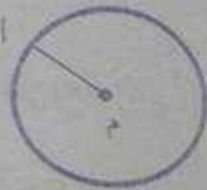
* تحديد موقع نقطة بالنسبة الى الدائرة :



م ج > نق
ج تقع داخل الدائرة



م ب < نق
ب تقع خارج الدائرة



م أ = نق
أ تقع على الدائرة

* رسم الدائرة

الأدوات : قلم رصاص - فرجار - استيكة

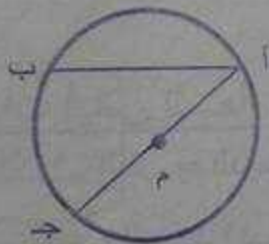
لرسم الدائرة م



نفتح الفرجار مسافة ما . ثم نركز بسن
الفرجار في النقطة م (مركز الدائرة)
ثم ندير الفرجار بحيث يرسم سن القلم الرصاص

* وتر الدائرة :

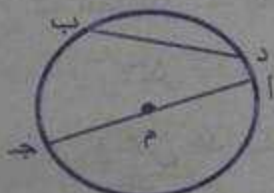
قطعة مستقيمة تصل بين نقطتين على الدائرة



إذن $\overline{AB}$ وتر في الدائرة م
كذلك $\overline{AC}$ وتر في الدائرة م

* قطر الدائرة :

هو وتر في الدائرة ويمر بمركزها
 $\overline{AC}$ قطر الدائرة ، $\overline{AB} = 2$ نق



أ ج < د ب

نلاحظ أن :

- * الدائرة تحتوي على عدد لا نهائي من الأقطار
- * القطر في الدائرة هو أكبر الأوتار طولاً
- * محيط الدائرة = $2\pi \times$ طول قطر الدائرة

وحدات قياس المساحة

وحدات قياس المساحة

كيلومتر مربع (كم^٢) ، متر مربع (م^٢)
ديسيمتر مربع (ديسم^٢) ، سنتيمتر مربع (سم^٢) ، ملليمتر مربع (مم^٢)

$$١ \text{ كم}^2 = ١٠٠٠ \text{ م} \times ١٠٠٠ \text{ م} = ١ \text{ مليون م}^2$$

$$١ \text{ م}^2 = ١٠ \times ١٠ \text{ ديسم}^2 = ١٠٠ \text{ ديسم}^2 = ١٠٠ \times ١٠٠ \text{ سم}^2 = ١٠٠٠٠ \text{ سم}^2$$

$$١ \text{ ديسم}^2 = ١٠ \times ١٠ \text{ سم}^2 = ١٠٠ \text{ سم}^2$$

$$١ \text{ سم}^2 = ١٠٠ \times ١٠٠ \text{ مم}^2 = ١٠٠٠٠ \text{ مم}^2$$

$$١ \text{ سم}^2 = ١٠ \times ١٠ \text{ مم}^2 = ١٠٠ \text{ مم}^2$$

وحدات قياس الحجم

$$١٠٠٠ \text{ (ديسم}^3\text{)} = ١ \text{ (م}^3\text{)} \text{ المتر المكعب}$$

$$١٠٠٠ \text{ (سم}^3\text{)} = ١ \text{ (ديسم}^3\text{)} \text{ الديسيمتر المكعب}$$

$$١٠٠٠ \text{ (مم}^3\text{)} = ١ \text{ (سم}^3\text{)} \text{ السنتيمتر المكعب}$$

وحدات قياس السعة

$$١ \text{ - اللتر} = \text{الديسيمتر المكعب} ، \text{ أي أن}$$

$$١ \text{ لتر} = ١ \text{ ديسم}^3 ، ٧ \text{ لتر} = ٧ \text{ ديسم}^3 \text{ وهكذا}$$

$$٢ \text{ - المليلتر} = \text{السنتيمتر المكعب} ، \text{ أي أن } ١ \text{ سم}^3 = ١ \text{ مل}$$

$$١ \text{ لتر} = ١٠٠٠ \text{ مليلتر (مل)} = ١٠٠٠ \text{ سم}^3$$

$$\text{وعلى هذا يكون اللتر} = \text{مليون مم}^3$$

$$١ \text{ م}^3 = ١٠٠٠ \text{ لتر}$$

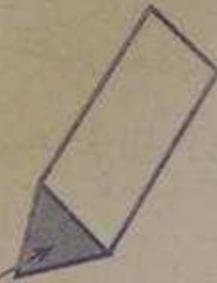
ملحوظة :

$$\text{المليلتر (مل)} \neq \text{المليمتر المكعب (مم}^3\text{)}$$

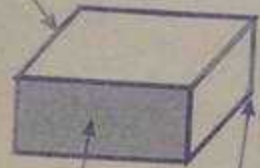
المنشور



قاعدة المنشور



حرف

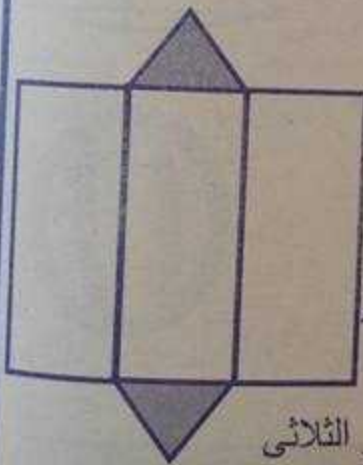


وجه

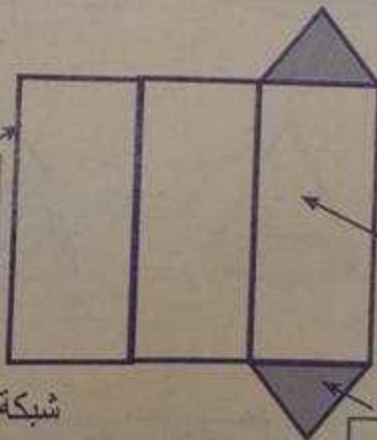
رأس

لاحظ : يسمى المنشور حسب عدد أضلاع قاعدته

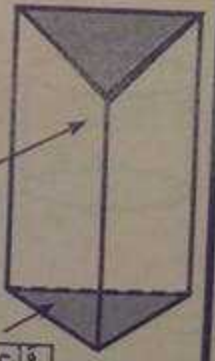
المنشور الثلاثي



حرف جانبي



وجه جانبي



قاعدة المنشور

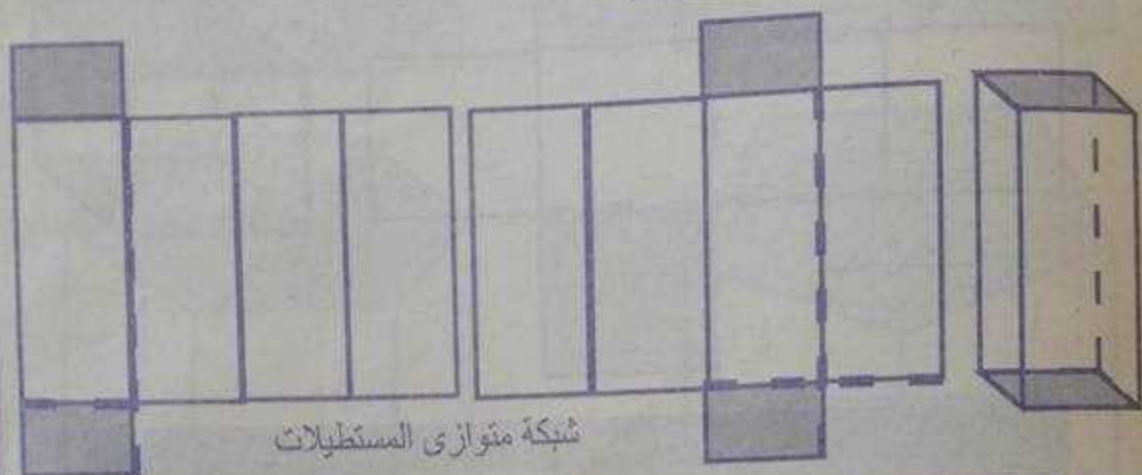
شبكة المنشور الثلاثي

عدد الرؤوس	عدد الأحراف	عدد الأوجه
6	9* أحرف 3* أحرف جانبية	3* أوجه جانبية 2* قاعدتان على شكل مثلث

حجم المنشور القائم = مساحة القاعدة × الارتفاع

المشور الرباعي

اولاً: متوازی المستطيلات :



عدد الرؤوس	عدد الأحرف	عدد الأوجه
٨	١٢* حرفاً ٤* أحرف جانبية	٦* أوجه كلها مستطيلات منها ٤ - أوجه جانبية ٢ - قاعدتان

ونلاحظ أن:

كل وجهين متقابلين متساويان في المساحة ومتوازيان ومتطابقان

كل وجهين يتقاطعان معاً في قطعة مستقيمة تسمى حرفاً

حجم متوازي المستطيلات = الطول $\times$ العرض $\times$ الارتفاع

= حاصل ضرب أبعاده الثلاثة

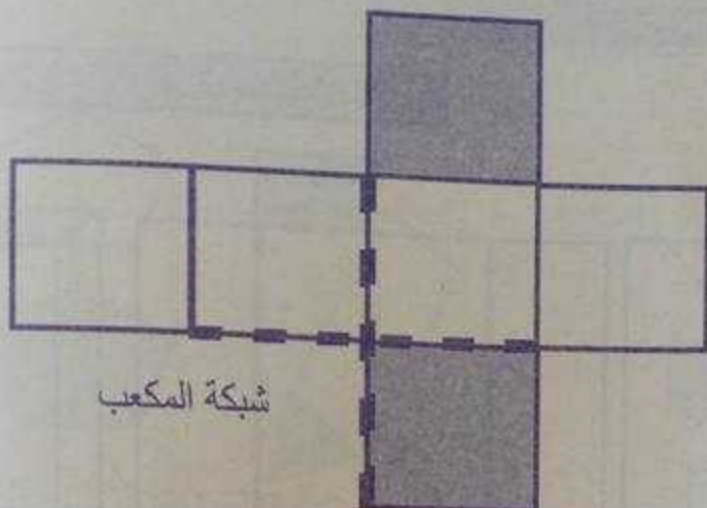
$$= \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

المساحة الجانبية = مجموع مساحات الأوجه الجانبية الأربعة

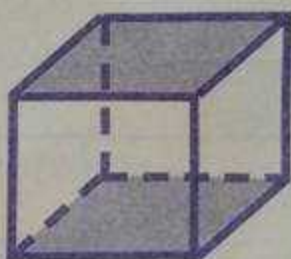
$\text{محيط القاعدة} \times \text{الارتفاع}$

المساحة الكلية = محيط القاعدة $\times$ الارتفاع $\div 2$ + مساحة القاعدة

ثانيًا: المكعب:



شبكة المكعب



عدد الرؤوس	عدد الأحرف	عدد الأوجه
٨	١٢* أحرف ٤* أحرف جانبية	٦* أوجه كلها مربعات متطابقة منها ٤- أوجه جانبية - قاعدتان

ونلاحظ أن:

المكعب هو متوازي مستطيلات تساوت أبعاده الثلاثة

أحرفه كلها متساوية في الطول

حجم المكعب = طول الحرف × نفسه × نفسه

مساحة الوجه = طول الحرف × نفسه

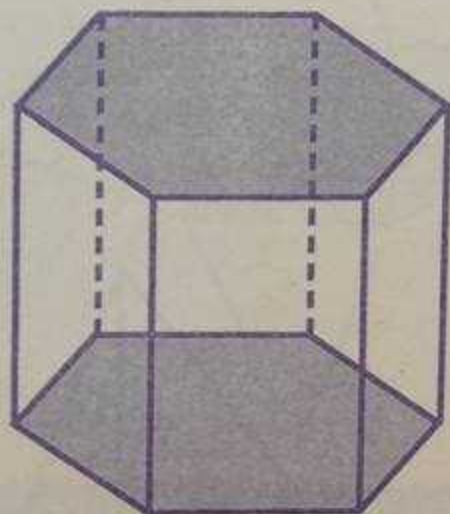
المساحة الجانبية = ٤ × مساحة الوجه

= محيط القاعدة × الارتفاع

المساحة الكلية = ٦ × مساحة الوجه

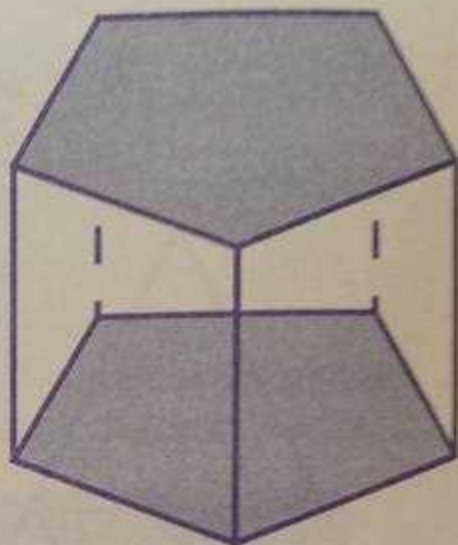
أنواع أخرى من المنشور

المنشور السداسي



قاعدته
مضلع سداسي

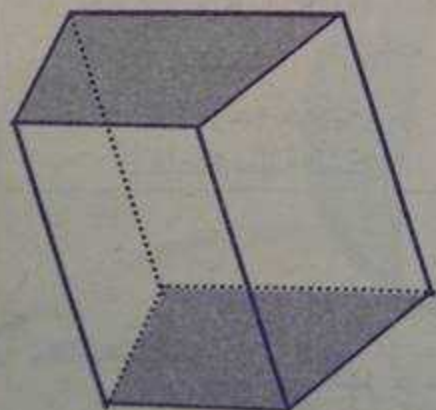
المنشور الخماسي



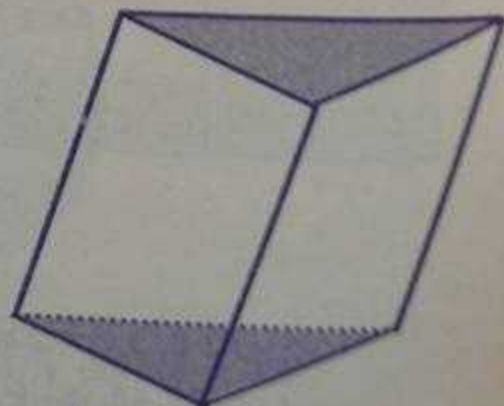
قاعدته
مضلع خماسي

حجم المنشور القائم = مساحة القاعدة $\times$ الارتفاع

المنشور المائل



منشور رباعي مائل



منشور ثلاثي مائل